

Nombres: VERA

**Aclaraciones:** El parcial NO es a libro abierto. Cualquier decisión de interpretación que se tome debe ser aclarada y justificada. Para aprobar se requieren al menos 60 puntos. Entregar cada ejercicio en hoja separada.

**Importante:** Para la resolución del parcial NO es necesario ni está permitido el uso de acum. En caso de ser necesario, pueden asumir como definida la función  $sum$  ( $\sum$ ) sobre listas. Las funciones  $min$  o  $max$  sobre listas, en caso de requerirlas, deben ser definidas.

```
tipo Ciudad=String;
tipo Precio=Z;
tipo Cliente=String;
tipo Vuelo=(Ciudad, Ciudad, Precio);
tipo TipoServicio = Hotel, Excursion;
```

```
tipo Servicio {
  observador tipo (s :Servicio) : TipoServicio;
  observador ciudad (s :Servicio) : Ciudad;
  observador precio (s :Servicio) : Precio;
  observador fecha (s :Servicio) : Z;
  invariante noEsGratis : precio(s) > 0;
}
```

```
tipo Paquete {
  observador ida (p: Paquete) : Vuelo;
  observador vuelta (p: Paquete) : Vuelo;
  observador servicios (p: Paquete) : [Servicio];
  observador precio (p: Paquete) : Precio;
}
```

```
aux sinRepetidos (xs: T) : Bool = ( $\forall i, j \leftarrow [0..|xs|)$ )  $x_{si} \neq x_{sj}$ ;
aux fechasHoteles (p: Paquete) : [Z] = [ fecha(s) | s  $\leftarrow$  servicios(p), tipo(s) == Hotel ];
aux primerNoche (p: Paquete) : Z = min( fechasHoteles(p) );
aux ultimaNoche (p: Paquete) : Z = max( fechasHoteles(p) );
```

### Ejercicio 1. [20 puntos]

- a) Completar el invariante `viajesValidos`, que indica que los viajes comprados por los clientes corresponden a paquetes ofrecidos por la agencia.
- b) Completar el invariante `paquetesValidos`, que indica que los paquetes tienen vuelos y servicios que pertenecen a la agencia.

**Ejercicio 2. [15 puntos]** Especificar el aux `soloViajanPorTrabajo(a : Agencia) = [Cliente]`. Devuelve todos los clientes que sólo compraron paquetes que no contienen excursiones y en los cuales la duración del viaje (medida en la cantidad de noches de hotel) es estrictamente menor a 5 días.

**Ejercicio 3. [35 puntos]** Especificar el problema `cancelarExcursion(a : Agencia, s: Servicio)`. Modifica la agencia eliminando la excursión pasada como parámetro de todos los lugares en los que se estaba utilizando.

### Ejercicio 4. [30 puntos]

- a) Realizar la transformación de estados para el siguiente código:

```
bool arreglar(int [] a, int n){
  bool f = false;
  if(a[0] > a[1]){
    f = true;
    swap(a[0], a[1]);
  }
  return f;
}
```

Nota: Usar la siguiente especificación de swap

```
problema swap(a,b:Z) {
  modifica a,b;
  asegura a == pre(b)  $\wedge$  b == pre(a);
}
```

- b) Para cada una de las siguientes especificaciones decidir si el programa es correcto. En caso de que no lo sea, agregar requires o asegura necesarios. Justificar en ambos casos.

```
invariante voyYVengoBien : sgd(ida(p)) == prm(vuelta(p))  $\wedge$ 
  prm(ida(p)) == sgd(vuelta(p))  $\wedge$ 
  ( $\forall s \leftarrow$  servicios(p)) ciudad(s) == sgd(ida(p));
invariante alMenosUnaNoche : | fechasHoteles(p) | > 0;
invariante duermoBien : mismos( fechasHoteles(p),
  [i | i  $\leftarrow$  [primerNoche(p), ultimaNoche(p)]] );
invariante noEsUnaEstafa : precio(p) < trd(ida(p)) +
  trd(vuelta(p)) +  $\sum$  [ precio(s) | s  $\leftarrow$  servicios(p) ];
invariante elPaqueteSePaga : precio(p) > 0;
```

```
tipo Agencia {
  observador vuelos (a: Agencia) : [Vuelo];
  observador servicios (a: Agencia) : [Servicio];
  observador paquetes (a: Agencia) : [Paquete];
  observador clientes (a: Agencia) : [Cliente];
  observador viajes (a: Agencia, c: Cliente) : [Paquete];
  requiere c  $\in$  clientes(a);
  invariante unoDeCada : sinRepetidos(vuelos(a))  $\wedge$ 
    sinRepetidos(servicios(a));
  invariante paquetesValidos : ...;
  invariante viajesValidos : ...;
}
```

```

problema arreglar (a:[Z], n : Z) = res : Bool {
  modifica a;
  asegura mismos(a, pre(a));
  asegura  $(\forall i \leftarrow [0..n-1]) a_i < a_{i+1}$ ;
  asegura res ==  $(\forall i \leftarrow [1..n]) pre(a)_0 > pre(a)_i$ ;
}

```

```

problema arreglar (a:[Z], n : Z) = res : Bool {
  requiere  $|a| == n$ ;
  requiere  $|a| == 10$ ;
  modifica a;
  asegura  $a == [min(pre(a)_0, pre(a)_1)] ++ [max(pre(a)_0, pre(a)_1)] ++ [pre(a)_i \mid i \leftarrow [2..9]]$ ;
  asegura res ==  $pre(a)_0 > pre(a)_1$ ;
}

```

```

problema arreglar (a:[Z], n : Z) = res : Bool {
  asegura True;
}

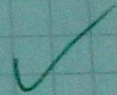
```

Ejercicio 1:

a) invariante viajesValidos:  $(\forall c \leftarrow clientes(a), p \leftarrow viajes(a, c), \text{ ~~partenencia~~ } p) \text{ pertenece } P(p, \text{pa} \leftarrow \text{paquetes}(a))$

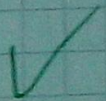
aux perteneceP  $(p: \text{Paquete}, pa: [\text{Paquete}]): \text{Bool} =$   
 $(\exists j \leftarrow pa) \text{ igual } P(p, j)$

aux igualP  $(p, j: \text{Paquete}): \text{Bool} = \text{ido}(p) == \text{ido}(j)$   
 $\wedge \text{ruelto}(p) == \text{ruelto}(j) \wedge \text{numeros}(\text{servicios}(p),$   
 $\text{servicios}(j)) \wedge \text{precio}(p) == \text{precio}(j)$



b) invariante paquetesValidos:  $(\forall p \leftarrow \text{paquetes}(a))$   
 $\text{ido}(p) \in \text{ruels}(a) \wedge \text{ruelto}(p) \in \text{ruels}(a) \wedge$   
 $\text{pertenece } S(\text{servicios}(p), \text{servicios}(a))$

aux perteneceS  $(s: [\text{Servicio}], e: [\text{Servicio}]): \text{Bool} =$   
 $(\forall j \leftarrow s) j \in e$



Ejercicio 2 :

aux solo viajes por turismo (a: Agencia) : [cliente] =

[ c | c ← clientes (a), ~~no~~ no Compno Excursioner (c,a) ^

~~no~~ direccion viajes MS (c,a) ]

aux no Compno Excursioner (c: Cliente, a: Agencia) : Bool =

(∃ p ← viajes (a,c), ~~no~~, s ← servicios (p)) tipo (s)

≠ Excursion

aux direccion viajes MS (c: Cliente, a: Agencia) : Bool =

(∃ p ← viajes (a,c)) | [ ^ | ~~no~~ s ← servicios (p),

tipo (s) == Hotel ] | < 5

~~no~~

Ejercicio 3:

problema conular Exermon (a: Agencia, s: Servicio)  
 (atras) modifica a;

asegura:  $s \notin \text{servicios}(a)$ ;

asegura:  $(\forall j \leftarrow \text{servicios}(\text{pre}(a)), j \neq s) j \in \text{servicios}(a)$ ;

aseguro:  $(\forall j \leftarrow \text{servicios}(a)) j \in \text{servicios}(\text{pre}(a))$ ;

aseguro:  $\text{mismos}(\text{vuelos}(a), \text{vuelos}(\text{pre}(a)))$ ;

aseguro:  $\text{mismos}(\text{clientes}(a), \text{clientes}(\text{pre}(a)))$ ;

aseguro:  $(\forall p \leftarrow \text{paquetes}(a), s \notin \text{servicios}(p))$ ;

aseguro:  $(\forall p \leftarrow \text{paquetes}(\text{pre}(a)), s \notin \text{servicios}(p))$

Em y. 3

perteneceP (p, paquetes(a));

aseguro:  $(\forall p \leftarrow \text{paquetes}(a)) \text{perteneceP}(p, \text{paquetes}(\text{pre}(a)))$ ;

aseguro  $(\forall c \leftarrow \text{clientes}(a)) \text{mismosP}(\text{trajes}(a, c),$

$\text{trajes} \text{mismo}^{\text{precio}}(a, c, s))$ ;

aux  $\text{trajes} \text{mismo}(a: \text{Agencia}, c: \text{cliente}, s: \text{servicio}): [\text{Paquete}] =$

$[p \mid p \leftarrow \text{trajes}(a, c), \text{servicios}(p) \neq s]$ ;

aux  $\text{mismosP}(x: [\text{Paquete}], y: [\text{Paquete}]): \text{Bool} =$

$|x| = |y| \wedge (\forall j \leftarrow x) \text{cuentoP}(j, x) = \text{cuentoP}(j, y)$ ;

aux  $\text{cuentoP}(p: \text{Paquete}, l: [\text{Paquete}]): \mathbb{Z} =$

$|[\wedge j \leftarrow l, \text{igualP}(p, j)]|$

Em y. 2.a

⊛ refuere:  $\neg (\exists p \leftarrow \text{parameters}(a)) (|\text{fechaHotel}(p)| = 1$   
 $\wedge \exists s \in \text{servicios}(p) \wedge \text{tipo}(s) = \text{Hotel}) \vee (s \in \text{servicios}(p)$   
 $\wedge \text{tipo}(s) = \text{Hotel} \wedge \text{primerNoche}(p) < \text{fecha}(s) <$   
 $\text{ultimoNoche}(p))$ ; NO! ⊛

refuere:  $(\forall p \leftarrow \text{parameters}(a)) \text{precio}(p) < \text{td}(\text{tdo}(p))$   
 $+ \text{td}(\text{multo}(p)) + \sum [\text{precio}(j) \mid j \leftarrow \text{servicios}(p), \text{ } \neq s];$

Ejercicio 4:

a) bool arreglar (int [] a, int n) {

bool f = false;

// Estado E1;

// Vale  $f == \text{False}$   $\wedge$   $a == \text{me}(a)$ ;

No se usan campos en el lenguaje lógico.

// Modifico a

if (a[0] > a[1]) {

f = true;

swap(a[0], a[1]);

}

// Estado E2;

$\wedge$  Vale  $\phi$  if:  $(\text{pre}(a)[0] > \text{pre}(a)[1] \wedge f == \text{True} \wedge$

$a[0] == \text{pre}(a)[1] \wedge a[1] == \text{pre}(a)[0]) \vee (\text{pre}(a)[0] < \text{pre}(a)[1] \wedge f == \text{False})$ ; falso considerar el resto de los elementos de a

return f;

}

falso un estado más.

• Demuestro el IF:

\*RAMA TRUE:

if (a[0] > a[1]) {

// Estado IFT1;

// Vale:  $f == \text{False}$   $\wedge$   $\text{me}(a)[0] > \text{me}(a)[1]$ ;

f = True;

// Estado IFT2;

// Vale  $f == \text{True} \wedge a @ \text{IFT1}[0] > a @ \text{IFT1}[1]$ ;

swap(a[0], a[1]);

B, lo guardo no cambio.

// Estado IFT3:

// Vale  $f == \text{True} \wedge a @ \text{IFT2}[0] > a @ \text{IFT2}[1] \wedge$   
 $a[0] == a @ \text{IFT2}[1] \wedge a[1] == a @ \text{IFT2}[0];$

// Implico:  $f == \text{True} \wedge \text{me}(a)[0] > \text{me}(a)[1] \wedge$   
 $a[0] == \text{me}(a)[1] \wedge a[1] == \text{me}(a)[0];$

// Implico:  $(f == \text{True} \wedge \text{me}(a)[0] > \text{me}(a)[1]$   
 $\wedge a[0] == \text{me}(a)[1] \wedge a[1] == \text{me}(a)[0]) \vee$   
 $(\text{me}(a)[0] \leq \text{me}(a)[1], f == \text{False}) : \Phi_{IF};$  ✓

\* RAMA FALSA: {  
}

// Estado IFF1;

// Vale  $f == \text{False} \wedge \text{me}(a)[0] \leq \text{me}(a)[1];$

// Implico  $(f == \text{False} \wedge \text{me}(a)[0] \leq \text{me}(a)[1])$   
 $\vee (f == \text{True} \wedge \text{me}(a)[0] > \text{me}(a)[1] \wedge a[0] == \text{me}(a)[1]$   
 $\wedge a[1] == \text{me}(a)[0]) : \Phi_{IF};$  ✓